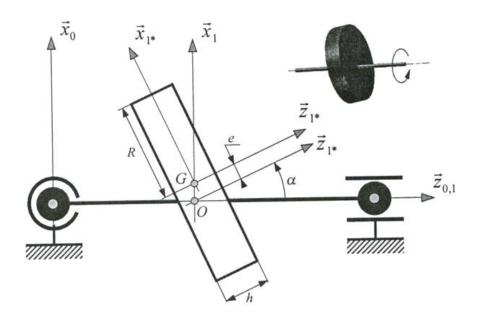


## TD – Caractéristiques d'inertie des solides

## Meule avec balourd

On considère une meule cylindrique de révolution  $S_1$ , d'axe  $(G, \overline{z_{1^*}})$ , de masse  $\mathbf{m}$ , de rayon  $\mathbf{R}$ , et d'épaisseur  $\mathbf{h}$ . Cette meule est fixée rigidement sur un axe  $S_2$  avec un défaut d'excentricité  $\mathbf{e}$  et un défaut d'alignement  $\mathbf{\alpha}$ . Deux repères  $R_1$   $(O, \vec{x}_1, \vec{y}_1, \vec{z}_1)$  et  $R_{1^*}$   $(O, \vec{x}_{1^*}, \vec{y}_1 = \vec{y}_{1^*}, \vec{z}_{1^*})$ , permettant de prendre en compte ces caractéristiques sont définis sur la figure ci-dessous.



1 – Déterminer l'expression de la matrice d'inertie de la meule en G dans la base  $B_{1*}$  ( $\vec{x}_{1*}, \vec{y}_1 = \vec{y}_{1*}, \vec{z}_{1*}$ ).

Notation à utiliser : 
$$[I(G_{,}S_{1})] = \begin{bmatrix} A^{*} & -F^{*} & -E^{*} \\ -F^{*} & B^{*} & -D^{*} \\ -E^{*} & -D^{*} & C^{*} \end{bmatrix}_{1*}$$

2 – Déterminer l'expression de la matrice d'inertie de la meule en G dans la base  $B_1(\vec{x}_1, \vec{y}_1, \vec{z}_1)$ .

Notation à utiliser : [I(G,S<sub>1</sub>)]=
$$\begin{bmatrix} A_1 & -F_1 & -E_1 \\ -F_1 & B_1 & -D_1 \\ -E_1 & -D_1 & C_1 \end{bmatrix}_1$$

3 – En déduire la matrice d'inertie de la meule en O.